L'iperbole equilatera riferita agli assi

Esercizi

Esempio 1

Traccia il grafico della curva di equazione: $x^2 - y^2 = 9$ <u>Svolgimento</u>

L'equazione $x^2 - y^2 = 9$ è del tipo $x^2 - y^2 = a^2$.

Si tratta quindi di un'iperbole equilatera riferita agli assi di simmetria e con i fuochi sull'asse delle x.

I vertici reali hanno coordinate:

$$a^2 = 9$$
; $a = 3$;

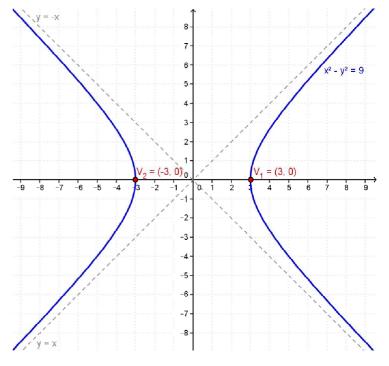
$$\Rightarrow$$

$$V_1(3; 0)$$

$$V_2(-3; 0)$$

Gli asintoti sono le bisettrici dei quattro quadranti:

$$y = \pm x$$
.



Esempio 2

Traccia il grafico della curva di equazione: $x^2 - y^2 = -4$ *Svolgimento*

L'equazione $x^2 - y^2 = -4$ è del tipo $x^2 - y^2 = -a^2$.

Si tratta quindi di un'iperbole equilatera riferita agli assi di simmetria e con i fuochi sull'asse delle *y*.

I vertici reali hanno coordinate:

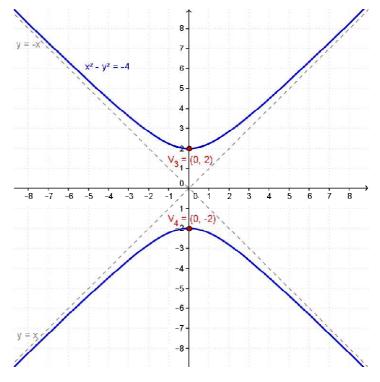
$$a^2 = 4$$
; $a = 2$;

$$\Rightarrow V_3$$

$$V_3(0; 2)$$
 $V_4(0; -2)$

Gli asintoti sono le bisettrici dei quattro quadranti:

$$y = \pm x$$
.



Esempio 3

Traccia il grafico della curva di equazione: $2x^2 - 2y^2 - 32 = 0$

Svolgimento

L'equazione $2x^2 - 2y^2 - 32 = 0$ è equivalente a: $x^2 - y^2 = 16$ che è del tipo $x^2 - y^2 = a^2$.

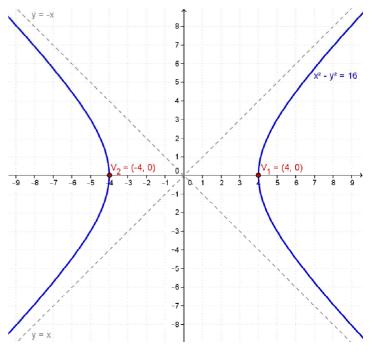
Si tratta quindi di un'iperbole equilatera riferita agli assi di simmetria e con i fuochi sull'asse delle x.

I vertici reali hanno coordinate:

$$a^2 = 16$$
; $a = 4$; $\Rightarrow V_1(4; 0) V_2(-4; 0)$

Gli asintoti sono le bisettrici dei quattro quadranti:

 $y = \pm x$.



Esempio 4

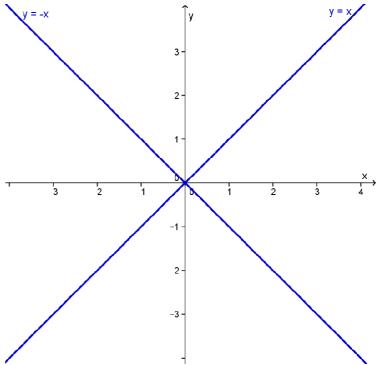
Traccia il grafico della curva di equazione: $2x^2 - 2y^2 = 0$

 $\underline{Svolgimento}$

L'equazione $2x^2 - 2y^2 = 0$ è equivalente a:

$$x^2 - y^2 = 0$$
; $(x + y)(x - y) = 0$.

L'equazione data rappresenta un'iperbole degenere costituita dalle due bisettrici dei quattro quadranti $y = \pm x$.



L'iperbole equilatera riferita agli asintoti

Esercizi

Esempio 5

Traccia il grafico della curva di equazione: xy - 16 = 0

Svolgimento

L'equazione xy - 16 = 0 è equivalente a:

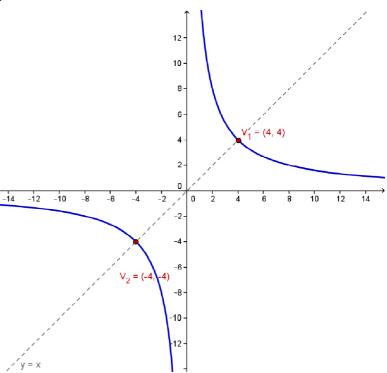
$$xy = 16$$
 che è del tipo $xy = k$ con $k > 0$.

Si tratta quindi di un'iperbole equilatera riferita agli asintoti, con i fuochi appartenenti alla bisettrice del I e III quadrante.

I vertici reali hanno coordinate:

$$k = 16$$
; $\sqrt{k} = 4 \implies V_1(4; 4) \qquad V_2(-4; -4)$

Gli asintoti sono gli assi cartesiani: x = 0 e y = 0.



Esempio 6

Traccia il grafico della curva di equazione: xy + 25 = 0

Svolgimento

L'equazione xy + 25 = 0 è equivalente a:

$$xy = -25$$
 che è del tipo $xy = k$ con $k < 0$.

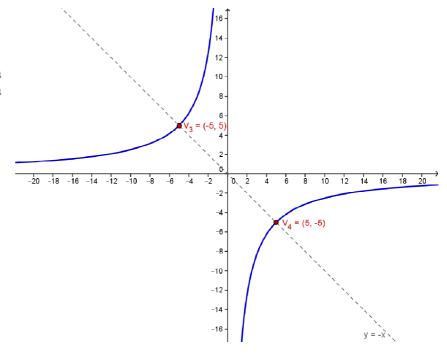
Si tratta quindi di un'iperbole equilatera riferita agli asintoti, con i fuochi appartenenti alla bisettrice del II e IV quadrante.

I vertici reali hanno coordinate:

$$k = 25$$
; $\sqrt{k} = 5 \Rightarrow V_3(-5; 5) \quad V_4(5; -5)$

Gli asintoti sono gli assi cartesiani:

$$x = 0 \text{ e } y = 0$$
.



Esempio 7

Traccia il grafico della curva di equazione: xy = 0<u>Svolgimento</u>

L'equazione data rappresenta un'iperbole degenere costituita dai due assi cartesiani:

$$x = 0$$
 e $y = 0$.

