

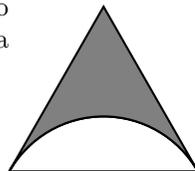


- 11) Per quali interi positivi  $a, b, c, d$  si può avere  $\frac{a}{b} + \frac{c}{d} = \frac{a+c}{b+d}$ ?  
 (A) Quando  $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$  (B) quando  $ad^2 = cb^2$  (C) quando  $b \cdot d = b + d$   
 (D) mai (E) sempre.

- 12) Si lanciano due dadi; la probabilità che il punteggio del primo dado sia strettamente minore di quello del secondo è:  
 (A)  $\frac{1}{6}$  (B)  $\frac{1}{3}$  (C)  $\frac{5}{12}$  (D)  $\frac{1}{2}$  (E)  $\frac{7}{12}$ .

- 13) Sapendo che il triangolo equilatero in figura ha lato 3 e che l'arco di circonferenza è tangente a due lati, qual è l'area della figura in grigio?

- (A)  $\sqrt{3} - \frac{\pi}{6}$  (B)  $\pi - \sqrt{3}$  (C)  $2\sqrt{3} - \pi$  (D)  $\frac{\sqrt{3} + \pi}{6}$   
 (E)  $3\sqrt{3} - \pi$ .



- 14) La percentuale di femmine che nascono nei parti gemellari è del 48,5%. Supponendo che nei parti gemellari la probabilità che i due nati siano di sesso differente sia del 33%, qual è la probabilità che in un parto gemellare nascano due femmine?  
 (A) 32% (B) 33% (C) 33,33% (D) 35% (E) 50%.

- 15) Un ciclista vuole percorrere un tratto di strada. A metà del percorso si rende conto di aver viaggiato solo alla media di 15 km/h; decide quindi di accelerare in modo da poter percorrere l'intero tragitto alla media più dignitosa di 30 km/h. A quale velocità deve percorrere la seconda metà del percorso?

- (A) a 40 km/h (B) a 45 km/h (C) a 60 km/h (D) non può farcela  
 (E) dipende dalla lunghezza del tratto di strada.

- 16) Quante delle seguenti affermazioni riguardanti i numeri naturali sono vere?

- (i) Presi due numeri dispari consecutivi qualsiasi, almeno uno è primo.  
 (ii) Presi tre numeri dispari consecutivi qualsiasi, almeno due sono primi.  
 (iii) Presi quattro numeri dispari consecutivi qualsiasi, almeno uno non è primo.  
 (iv) Presi cinque numeri dispari consecutivi qualsiasi, almeno due non sono primi.  
 (A) Nessuna (B) una (C) due (D) tre (E) quattro.

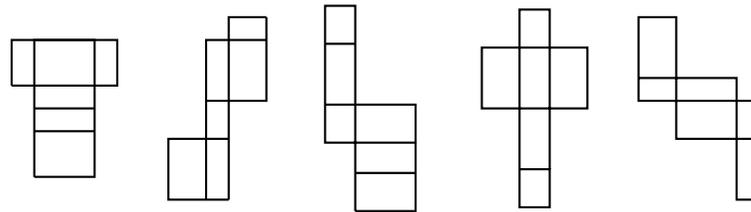
- 17) Immaginando di prolungare tutte le facce di un cubo, in quante regioni viene diviso tutto lo spazio (compreso l'interno del cubo)?

- (A) 9 (B) 16 (C) 24 (D) 27 (E) 32.

- 18) Nella lista che segue, una sola terna di numeri **non** può rappresentare termini di una progressione geometrica (i termini non sono necessariamente consecutivi). Qual è questa terna?

- (A) 3; 6; 96 (B) 3; 1;  $\frac{1}{81}$  (C) 3; 3,3; 3,993 (D) 3; 6; 48 (E) 3; 5; 9.

- 19) Quanti degli sviluppi disegnati sotto possono essere richiusi (effettuando le piegature lungo le linee segnate) in modo da ottenere delle scatole chiuse?  
 (A) 1 (B) 2 (C) 3 (D) 4 (E) 5.



- 20) La somma delle cifre del quadrato di 999 999 999 999 995 è:

- (A) 150 (B) 160 (C) 170 (D) 180 (E) 190.

- 21) Un canguro sale una scala di 5000 gradini in questo modo: prima salta sul 3° scalino, poi indietro di 1, poi su di 5, indietro di 3, avanti di 7, giù di 5 e così via. Purtroppo uno scalino è pericolante e se il canguro vi saltasse sopra cadrebbe a terra. Il canguro riuscirà a salire fino in cima se lo scalino pericolante è:

- (A) il 2000° (B) il 2001° (C) il 2002° (D) il 2003°  
 (E) il canguro cadrà comunque.

- 22) In un liceo scientifico ci sono meno di 1000 studenti, di cui 230 frequentano le classi del triennio; gli alunni che frequentano la classe seconda sono  $\frac{13}{46}$  di tutti i rimanenti; inoltre, se si iscrivessero ancora 10 alunni alla prima, allora gli studenti di prima diventerebbero  $\frac{2}{5}$  del totale. Il numero di alunni della scuola è:

- (A) 500 (B) 590 (C) 625 (D) 700 (E) 825.

- 23) In un'isola di furfanti (che mentono sempre) e cavalieri (che dicono sempre la verità) un esploratore incontra quattro abitanti del luogo, e chiede loro di che tipo sono. Le risposte che ottiene sono le seguenti:

- (i) "siamo tutti e quattro dei furfanti"; (ii) "no, fra noi c'è un solo cavaliere";  
 (iii) "no, ce ne sono esattamente due"; (iv) "io sono un cavaliere". Quanti dei quattro sono cavalieri?

- (A) 1 (B) 2 (C) 3 (D) 4 (E) non è possibile dedurlo.

- 24) È ben noto che l'area di un triangolo equilatero di lato unitario non può essere espressa come numero razionale (cioè come rapporto di interi). Esistono tetraedri che hanno come base tale triangolo e il cui volume si esprime come numero razionale?

- (A) Non ne esistono (B) ne esistono infiniti (C) solo il tetraedro regolare  
 (D) solo i tetraedri con altezza pari a  $6\sqrt{3}$  (E) solo se il tetraedro è retto.

- 25) L'Orue è una valuta che dispone di due sole monete, da 8 e da 11 centesimi. Qual è la massima cifra che non può essere pagata esattamente?

- (A) 58 centesimi (B) 61 centesimi (C) 87 centesimi  
 (D) esistono cifre arbitrariamente grandi che non sono pagabili esattamente  
 (E) nessuna delle precedenti risposte è corretta.