

Questionario

Quesito 5

La cubica $y = x^3 + 8$ è una funzione definita, continua e derivabile in tutto l'insieme dei numeri reali R . Quindi la funzione è continua e derivabile in $[-2; 2]$; perciò soddisfa le ipotesi del Teorema di Lagrange. In base al Teorema di Lagrange allora deve esistere almeno un punto $c \in [-2; 2]$ tale che:

$$f'(c) = \frac{f(2) - f(-2)}{2 - (-2)}. \quad \text{Essendo } f'(c) = 3c^2 \text{ si ha:}$$

$$3c^2 = \frac{16 - 0}{4}; \quad 3c^2 = 4; \quad c = \pm\sqrt{\frac{4}{3}} \quad \begin{aligned} c_1 &= -\frac{2}{3}\sqrt{3} \\ c_2 &= +\frac{2}{3}\sqrt{3} \end{aligned}$$

In questi due punti le rette tangenti t_1 e t_2 alla cubica sono parallele alla corda che congiunge i punti estremi $A(-2; 0)$ e $B(+2; 16)$ dell'arco della curva.

